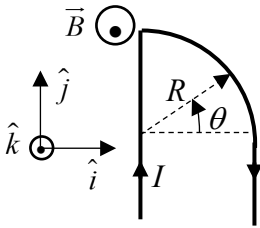


FÍSICA 2 - Problemas de Repaso

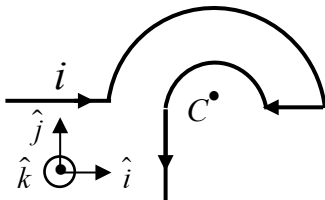
1: La figura representa un conductor filiforme de gran longitud con dos tramos rectos, paralelos al eje Y, y una parte con forma de $\frac{1}{4}$ de circunferencia de radio R . Dicho conductor está ubicado sobre el plano XY, dentro de un campo magnético uniforme y estacionario $\vec{B} = |\vec{B}| \hat{k}$ y por él circula una corriente, de intensidad constante I , en el sentido indicado. Halle la expresión de la fuerza que el campo magnético ejerce sobre la parte curva del conductor. ($d\vec{F} = I d\vec{\ell} \times \vec{B}$)



Solución: $d\vec{F} = I |\vec{B}| R d\theta (\sin\theta; -\cos\theta; 0) \times (0; 0; 1) = I |\vec{B}| R d\theta (-\cos\theta; -\sin\theta; 0)$

$$\vec{F} = I |\vec{B}| R \left(-\int_0^{\pi/2} \cos\theta d\theta; -\int_0^{\pi/2} \sin\theta d\theta; 0 \right) \quad \boxed{\vec{F} = I |\vec{B}| R (-1; -1; 0)}$$

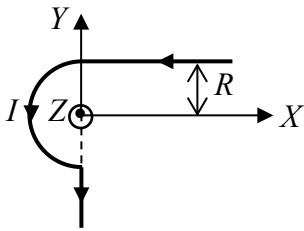
2: La configuración de la figura consiste en dos semiespiras coplanarias, en el vacío, con centro en C . Los cables rectos izquierdo y vertical que transportan la corriente, pueden considerarse semiinfinitos. Si R_1 es el radio de la semicircunferencia mayor y R_2 el de la menor, halle la expresión del vector inducción magnética B en el punto C suponiendo estacionaria la corriente.



Solución: $\vec{B}_1 = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{2R_1} (-\hat{k}) = -\frac{\mu_0 I}{4R_1} \hat{k}$; $\vec{B}_2 = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{2R_2} \hat{k} = \frac{\mu_0 I}{4R_2} \hat{k}$; $\vec{B}_3 = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{2\pi R_2} \hat{k} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R_2} \hat{k}$

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4} \left(-\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{\pi R_2} \right) \hat{k}$$

3: El conductor filiforme representado en la figura está contenido en el plano XY , puede considerarse infinito, una parte recta es paralela al eje X , la otra coincide con el semieje $-Y$ y la parte curva es una semicircunferencia de radio $R = 40$ cm. Por él circula una corriente eléctrica continua y estacionaria de intensidad $I = 2$ A.



Calcule la aceleración que recibiría un protón (con carga $q_p = 1,6 \times 10^{-19}$ C y masa $m_p = 1,67 \times 10^{-27}$ kg) si pasara por el origen de coordenadas con velocidad $\vec{v} = 2 \times 10^4 \hat{j}$ [m/s]

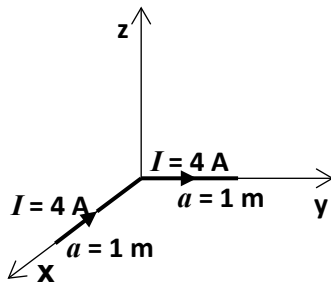
Solución:

$$\vec{B} = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \hat{k} + \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{2R} \hat{k} = \left(\frac{4\pi \times 10^{-7} \times 2}{4\pi \times 0,4} + \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 2}{4 \times 0,4} \right) \text{T} \hat{k} \approx (5 \times 10^{-7} + 1,57 \times 10^{-6}) \text{T} \hat{k} \approx 2,07 \mu \text{T} \hat{k}$$

$$\vec{F} = q_p \vec{v} \times \vec{B} = 1,6 \times 10^{-19} \times 2 \times 10^4 \times 2,07 \times 10^{-6} (0;1;0) \times (0;0;1) [\text{N}] \approx 6,62 \times 10^{-21} \text{N} \hat{i}$$

$$\vec{a} = \frac{6,62 \times 10^{-21} \text{ m} \hat{i}}{1,67 \times 10^{-27} \text{ s}^2} \quad \vec{a} \approx 3,96 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \hat{i}$$

4. En un tramo de circuito como se indica en la figura está establecida una intensidad de corriente $I = 4 \text{ A}$. Está inmerso en una región donde existe un vector inducción magnética $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$. Calcule el vector fuerza magnética sobre el tramo de circuito. ($a = 1 \text{ m}$, $B_0 = 1 \text{ T}$)

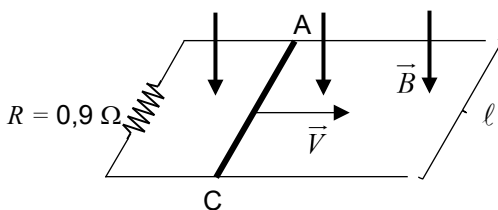


Solución:

$$\mathbf{F} = I \mathbf{L} \times \mathbf{B} \quad \mathbf{L} = -a \mathbf{i} + a \mathbf{j} \quad \mathbf{B} = B_0 \mathbf{k} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{F} = I a B_0 (\mathbf{i} + \mathbf{j})$$

$$\mathbf{j}) = 4 \text{ N} (\mathbf{i} + \mathbf{j})$$

5: La barra conductora AC se desliza sin fricción sobre dos rieles conductores rectos, paralelos y ubicados sobre un plano horizontal. La distancia entre los rieles es $\ell = 0,5 \text{ m}$ y la fuerza que mantiene a la barra avanzando con velocidad constante tiene un módulo de 5 N . Todo el conjunto está inmerso en un campo de inducción magnética uniforme y estacionario de $1,2 \text{ T}$, ajeno al circuito. Considere despreciable el campo producido por el circuito y calcule el módulo de la velocidad con la que se mueve la barra.



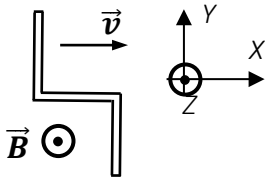
Solución:

$$d\Phi_B = |\vec{B}| |d\vec{S}| \cdot \cos 0^\circ = |\vec{B}| \ell |\vec{V}| dt \Rightarrow |\varepsilon_i| = \frac{d\Phi_B}{dt} = |\vec{B}| \ell |\vec{V}|; \quad I = \frac{|\vec{B}| \ell |\vec{V}|}{R}$$

$$|\vec{F}_m| = |\vec{F}_{Ext}| \Rightarrow I \ell B \sin 90^\circ = 5 \text{ N}$$

$$\frac{|\vec{B}| \ell |\vec{V}|}{R} \ell |\vec{B}| = 5 \text{ N} \Rightarrow |\vec{V}| = \frac{5 \text{ N} \times R}{|\vec{B}|^2 \ell^2} = \frac{5 \times 0,9}{1,2^2 \times 0,5^2} \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow |\vec{V}| = 12,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

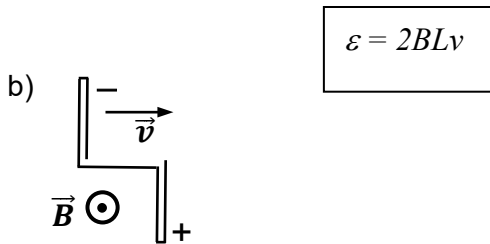
Ejercicio 6: Cada uno de los tres segmentos coplanarios de la varilla metálica acodada tienen longitud L . La varilla se mueve sobre la superficie horizontal de una mesa con velocidad \vec{v} , inmersa en un campo magnético uniforme y estacionario perpendicular a la mesa.



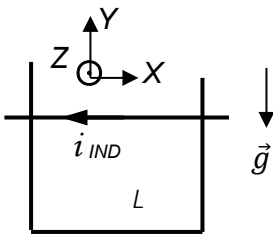
- a) Halle la expresión de la f.e.m. inducida en la varilla.
 b) Indique en el gráfico el signo de las cargas eléctricas inducidas en los extremos de la varilla.

Solución

a) La varilla acodada es equivalente a una varilla recta de longitud $2L$ ortogonal al campo y a la velocidad. Pueden hallar la *fem* inducida por el método que deseen



Ejercicio 7: La barra horizontal superior del cuadro de la figura cae con velocidad constante. La barra desliza con rozamiento, tiene masa M , longitud L , resistencia R , y el cuadro completo está inmerso en un campo magnético uniforme de intensidad B .



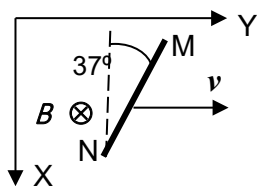
- a) Justifique cuál es la dirección y cuál es el sentido del campo \vec{B}
 b) halle la expresión de la fuerza de rozamiento en términos de los otros parámetros del problema.

Solución:

La barra horizontal superior del cuadro de la figura...

$$\begin{aligned}
 \text{a) } \vec{F} &= id\vec{\ell} \times \vec{B} \rightarrow \hat{e}_y = -\hat{e}_x \times \hat{e}_B \rightarrow \hat{e}_B \equiv \hat{e}_z \\
 \text{b) } F_{IND} + F_{ROZ} &= Mg \quad F_{IND} = \frac{\mathcal{E}}{R}LB = \frac{B^2L^2v}{R} \rightarrow F_{ROZ} = Mg - \frac{B^2L^2v}{R}
 \end{aligned}$$

8: Considere un conductor MN recto, de longitud $L = 1$ m, ubicado en el plano horizontal X-Y, que está inmerso en un campo de inducción magnética uniforme y estacionario $\mathbf{B} = 4 \text{ T}(-\mathbf{e}_z)$. Dicho conductor es trasladado con velocidad constante $\mathbf{v} = 8 \text{ m/s}(\mathbf{e}_Y)$.



Determine:

- el valor de la *fem* inducida en el conductor.
- el sentido en el que circula la corriente inducida (de M a N o de N a M) suponiendo que el conductor forma parte de un circuito cerrado fijo al sistema de referencia.

Solución:

a) $|\varepsilon| = v \times \ell \times B \times \cos 37^\circ \approx 25,6 \text{ V}$

b) De N a M.

9: Un solenoide ideal es recorrido por una corriente eléctrica de intensidad $i(t) = 0,85 \text{ A} \text{ sen}(200 \text{ s}^{-1} \cdot t)$ que provoca, en su región central, un campo de inducción magnética espacialmente uniforme cuya intensidad varía en el tiempo según la función $B = 0,5 \text{ T} \text{ sen}(200 \text{ s}^{-1} \cdot t)$. Dentro de esa región de campo uniforme se coloca una pequeña bobina de alambre de 20 espiras iguales entre sí, cada una de las cuales delimita una superficie de 4 cm^2 de área. Las líneas de inducción forman un ángulo de 30° con respecto a la recta normal a los planos que contienen a las espiras de la bobina de alambre. Halle la inductancia mutua M entre el solenoide y la bobina de alambre.

Solución: $\Phi_B = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \iint_S |\vec{B}| |d\vec{S}| \cos 30^\circ = |\vec{B}| S \cos 30^\circ = 0,5 \text{ T} \times \text{sen}(200 \text{ s}^{-1} \cdot t) \times 4 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \times \cos 30^\circ$

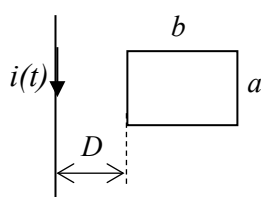
$$\Phi_B \approx 0,173 \text{ mWb} \times \text{sen}(200 \text{ s}^{-1} \cdot t)$$

$$M = \frac{\Phi_{Bc}}{I} = \frac{N\Phi_B}{I} = \frac{20 \times 0,173 \text{ mWb} \times \text{sen}(200 \text{ s}^{-1} \cdot t)}{0,85 \text{ A} \times \text{sen}(200 \text{ s}^{-1} \cdot t)} \quad M \approx 4,07 \text{ mH}$$

10: Por el alambre vertical de la figura circula una corriente eléctrica de intensidad $i(t) = i_0 + Ct$ (con $i_0 > 0$). La espira es rectangular, se halla a distancia D del alambre y es coplanar con el mismo.

a) Para $C < 0$, indique el sentido en que circula la corriente inducida en la espira.

b) Halle la expresión de la *fem* inducida en la espira, en función del tiempo..



Solución:

a) La intensidad de la corriente es una función decreciente del tiempo en consecuencia también decrecen $|\mathbf{B}|$ y $\Phi_B \Rightarrow$ la corriente inducida debe crear un campo \mathbf{B}_{ind} en la dirección y sentido \mathbf{k} , tendiente a compensar la variación de flujo. Para ello debe circular en sentido ANTIHORARIO.

$$b) \vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi x} \hat{k} \quad ; \quad \Phi_B = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \iint_S \frac{\mu_0 I}{2\pi x} \hat{k} \cdot (dx \hat{i} \times dy \hat{j}) = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \int_D^{D+b} \frac{dx}{x} \int_0^a dy = \frac{\mu_0 I a}{2\pi} \ln\left(\frac{D+b}{D}\right)$$

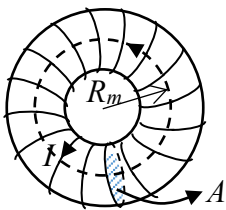
$$\Phi_B(t) = \frac{\mu_0 a}{2\pi} \ln\left(\frac{D+b}{D}\right) (i_0 + Ct) \quad ; \quad \varepsilon_i = -\frac{d\Phi_B(t)}{dt} = -\frac{\mu_0 a C}{2\pi} \ln\left(\frac{D+b}{D}\right)$$

11: Por un alambre recto e infinito, que se halla en el eje revolución de una bobina plana de 10 espiras circulares de 0,5 m de radio, circula una corriente de intensidad $i_1(t) = 10 \text{ sen}(100\pi \text{ s}^{-1} t)$ mA. El coeficiente de autoinducción de la bobina es $L = 3$ mH y por ella circula una corriente eléctrica de intensidad $i_2(t) = 50 \text{ sen}(120\pi \text{ s}^{-1} t)$ mA. Halle el valor de la fem inducida en la bobina, en función del tiempo.

Solución: Sólo contribuye la corriente i_2 porque la corriente i_1 es perpendicular al plano de las espiras. Luego

$$\mathcal{E}(t) = -L \frac{di_{PROPIA}}{dt} = -18\pi \cos(120\pi \text{ s}^{-1} t) \text{ mV}$$

12. Un toroide ideal delgado (el radio medio del toroide es mucho mayor que el radio de las espiras) consta de N espiras iguales, cada una de las cuales delimita una superficie plana de área A , y que tiene un radio medio R_m . Halle la expresión de la inductancia L del toroide.



Solución:

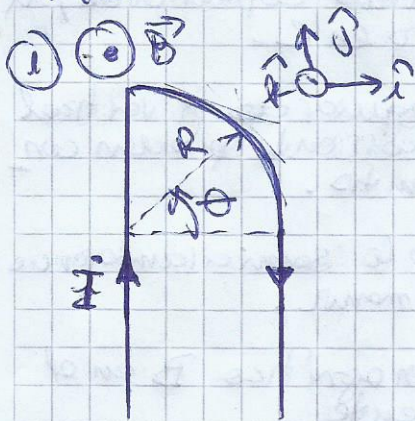
Ley de Ampère $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \cdot i_{conc}$

$$\oint B \cdot dl \cdot \cos 0 = \mu_0 \cdot N \cdot I \Rightarrow B \cdot 2\pi \cdot R_m = \mu_0 \cdot N \cdot I \Rightarrow B = \frac{\mu_0 \cdot N \cdot I}{2\pi \cdot R_m} \quad (1)$$

Flujo en la sección del toroide $\Phi_B = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{A} = B \cdot A \quad (2)$

Inductancia $L = \frac{\Phi_{Bconc}}{I} = \frac{N \cdot \Phi_B}{I} \quad (3)$

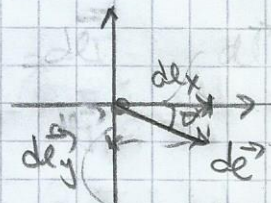
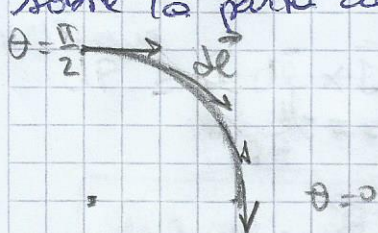
Reemplazando la (1) y la (2) en la (3): $L = \frac{N \cdot \mu_0 \cdot N \cdot I \cdot A}{2\pi \cdot R_m \cdot I} \Rightarrow L = \frac{\mu_0 \cdot N^2 \cdot A}{2\pi \cdot R_m}$



La figura representa un conductor filiforme de gran longitud con dos tramos rectos paralelos al eje Y y una parte con forma de $1/4$ de círculo con centro de radio R.

Dicho conductor está ubicado sobre el plano XY, dentro de un campo magnético uniforme y estático $\vec{B} = B \hat{k}$ y por el círculo una corriente de intensidad constante I en el sentido indicado.

Halle la expresión de la fuerza que el campo magnético ejerce sobre la parte curva del conductor ($d\vec{F} = I d\vec{l} \times \vec{B}$)



$$d\vec{l} = dl \hat{k} \quad |\vec{B}| = B$$

$$d\vec{l} = dlx \hat{i} + dly \hat{j}$$

$$d\vec{l} = dlx \hat{i} + dly (-\hat{j})$$

$$d\vec{l} = dl \cos(\theta) \hat{i} - dl \sin(\theta) \hat{j}$$

$$\Rightarrow d\vec{l} = dl (\cos\theta \hat{i} - \sin\theta \hat{j})$$

$$dl = R d\theta$$

$$d\vec{F} = I d\vec{l} \times \vec{B} = I dl (\cos\theta \hat{i} - \sin\theta \hat{j}) \times B \hat{k} =$$

$$= I dl B (\cos\theta \hat{i} - \sin\theta \hat{j}) \times \hat{k} =$$

$$= I R d\theta B (\cos\theta (-\hat{j}) - \sin\theta \hat{i}) = I B R d\theta (-\sin\theta \hat{i} - \cos\theta \hat{j})$$

$$d\vec{F} = -I B R (\sin\theta \hat{i} + \cos\theta \hat{j}) d\theta$$

$$\Rightarrow \vec{F} = -I B R \int_0^{\pi/2} \sin\theta d\theta \hat{i} + \int_0^{\pi/2} \cos\theta d\theta \hat{j} =$$

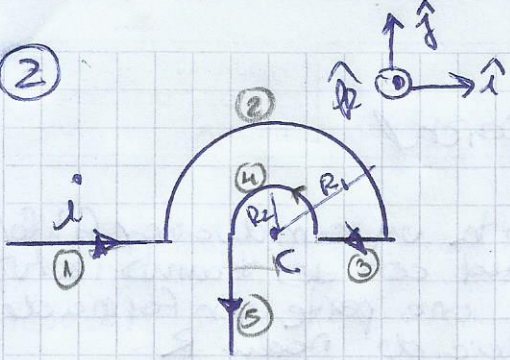
$$= -I B R \left[(-\cos\theta) \Big|_0^{\pi/2} \hat{i} + \sin\theta \Big|_0^{\pi/2} \hat{j} \right] =$$

$$= -I B R \left[(-\cos(\frac{\pi}{2}) + \cos(0)) \hat{i} + (\sin(\frac{\pi}{2}) - \sin(0)) \hat{j} \right] =$$

$$= -I B R (\hat{i} + \hat{j})$$

$$\boxed{\vec{F} = -I B R (\hat{i} + \hat{j})}$$

(2)



La configuración de la figura consiste en dos semiespiras coplanares, en el vacío, con centro en C.

Los cables rectos horizontales y vertical que transportan la corriente, pueden considerarse semi-infinitos.

Si R_1 es el radio de la semicircunferencia mayor y R_2 el de la menor,

halla la expresión del vector inducción magnética \vec{B} en el punto C suponiendo esta constante

$$\vec{B}_C = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 + \vec{B}_4 + \vec{B}_5 \quad \xrightarrow{i} \int \frac{i \times d\vec{l}}{r^2} \cdot C \quad \frac{\hat{i} \times d\vec{l}}{r^2}$$

pues $i \parallel d\vec{l}$

$$\vec{B}_C = \vec{B}_2 + \vec{B}_3 + \vec{B}_5$$

\uparrow \downarrow
 \ominus \oplus

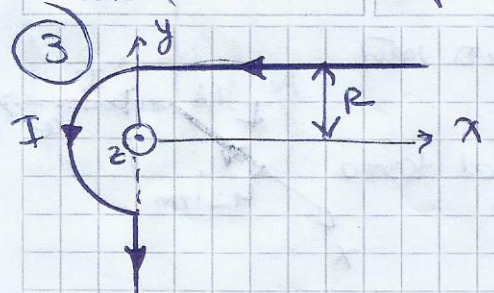
$$\vec{B}_2 = \frac{\mu_0 i}{4\pi R_1} \hat{k} \Rightarrow \vec{B}_2 = -\frac{\mu_0 i}{4R_1} \hat{k}$$

$$\vec{B}_4 = \frac{\mu_0 i \pi}{4\pi R_2} \hat{k} \Rightarrow \vec{B}_4 = \frac{\mu_0 i}{4R_2} \hat{k}$$

$$\vec{B}_5 = \frac{\mu_0 i}{4\pi R_2} \hat{k}$$

$$\vec{B} = -\frac{\mu_0 i}{4R_1} \hat{k} + \frac{\mu_0 i}{4R_2} \hat{k} + \frac{\mu_0 i}{4\pi R_2} \hat{k}$$

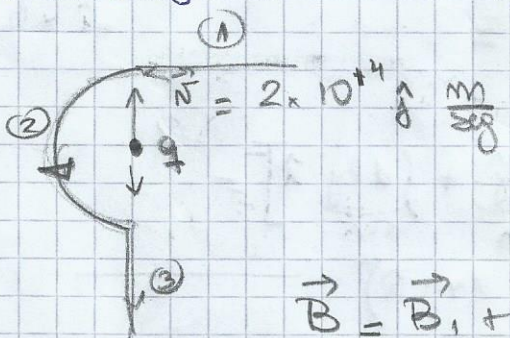
$$\vec{B} = \frac{\mu_0 i}{4} \cdot \left(-\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{\pi R_2} \right) \hat{k}$$



$I = 2A$
 $R = 40cm$

El conductor filiforme representado en la figura está contenido en el plano XY, puede considerarse infinito, una parte recta es paralela al eje X, la otra coincide con el semieje -y y la parte curva es una semicircunferencia de radio $R = 40cm$. Por el círculo una corriente eléctrica continua y esta corriente de intensidad $I = 2A$

Calcule la aceleración que recibiría un protón (con carga $q_p = 1,6 \times 10^{-19} C$ y masa $m_p = 1,67 \times 10^{-27} kg$) si pasara por el origen de coordenadas con velocidad $v = 2 \times 10^4 j [m/seg]$



$q_0 = 1,6 \times 10^{-19} C$
 $m_p = 1,67 \times 10^{-27} kg$
 $I = 2A$
 $R = 0,4m$

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 = \vec{B}_1 + \vec{B}_2$$

$$\vec{B}_2 = \frac{\mu_0 i}{4\pi R} \hat{k} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} N}{4\pi \cdot 0,4m} \frac{2A}{A} \pi \hat{k} \Rightarrow \vec{B}_2 = 5 \times 10^{-7} \frac{N}{mA} \hat{k}$$

$$\vec{B}_1 = \frac{\mu_0 i}{4\pi R} \hat{k} = \frac{\vec{B}_2}{\pi} \Rightarrow \vec{B}_1 = 5 \times 10^{-7} \frac{N}{mA} \hat{k} \Rightarrow \vec{B}_1 = 5 \times 10^{-7} T \hat{k}$$

$$\vec{B} = 2,07 \cdot 10^{-6} T \hat{k}$$

$$\vec{F} = q_p \vec{v} \times \vec{B} = q_p v B \hat{j} \times \hat{k} = 1,6 \times 10^{-19} C \cdot 2 \times 10^4 \frac{m}{seg} \cdot 2,07 \times 10^{-6} T \hat{i}$$

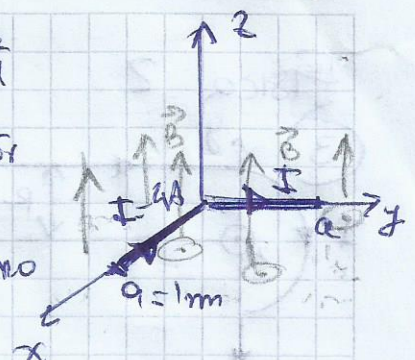
$$\vec{F} = 6,624 \times 10^{-21} N \hat{i}$$

$$\vec{F} = m_p \cdot a \Rightarrow a = \frac{\vec{F}}{m_p} = \frac{6,624 \times 10^{-21} N \hat{i}}{1,67 \times 10^{-27} kg} = 3966467 \frac{N}{kg} \hat{i}$$

$$\vec{a} = 3,97 \times 10^6 m/seg^2 \hat{i}$$

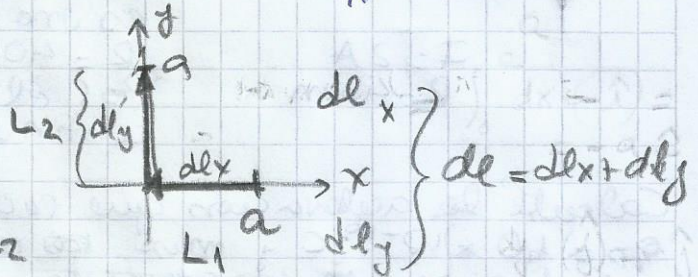
4) En un tramo del circuito, como se indica en la figura, está establecida una intensidad de corriente $I = 4A$.
 Está inmerso en una región donde existe un vector inducción magnética $\vec{B} = B_0 \hat{k}$.

Calcule el vector fuerza magnética sobre el tramo de circuito ($a = 1m$, $B_0 = 1T$)



$$I = 4A \quad a = 1m \quad \vec{B} = 1T \hat{k}$$

$$d\vec{F} = I d\vec{l} \times \vec{B}$$



$$d\vec{F} = I B (dx \hat{i} + dy \hat{j}) \times \hat{k} =$$

$$= I B (dx \hat{j} + dy \hat{i})$$

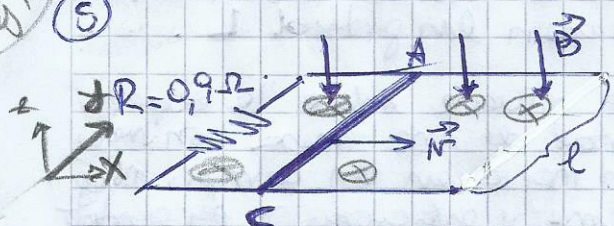
$$\vec{F} = \int d\vec{F} = I B \left[\int_0^a dx \hat{j} + \int_0^a dy \hat{i} \right] =$$

$$= 4A \cdot 1T \cdot (1m \hat{j} + 1m \hat{i})$$

$$\boxed{\vec{F} = 4N (\hat{i} + \hat{j})}$$

$$ATm = N$$

ej 10 (5)

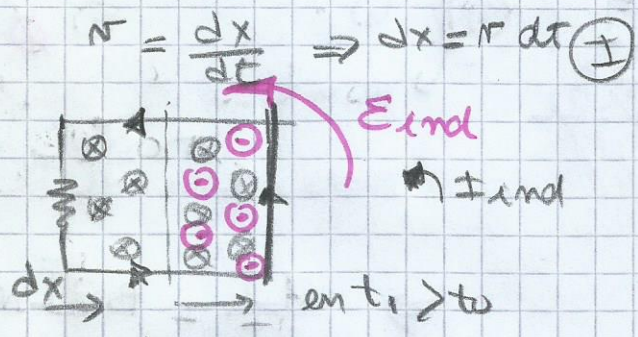
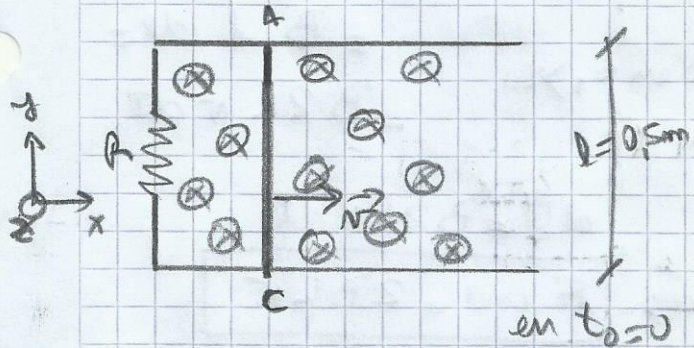


$l = 0,5m$
 $|\vec{F}| = 5N$
 $R = 0,9\Omega$ $\vec{B} = 1,2T(-\hat{k})$

La barra conductora AC se desliza sin fricción sobre dos rieles conductores rectos, para ellos y ubicados sobre un plano horizontal.

La distancia entre los rieles es de $l = 0,5m$ y la fuerza que mantiene a la barra avanzando con velocidad constante tiene un módulo de $5N$.

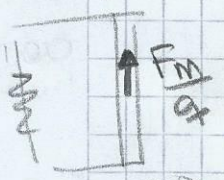
todo el conjunto está inmerso en un campo de inducción magnética uniforme y estático de $1,2T$, ajeno al circuito. Considere despreciable el campo producido por el circuito y calcule el módulo de la velocidad con la que se mueve la barra.



$d\Phi = \vec{B} \cdot d\vec{s}$ $\hat{m} \parallel \hat{B}$
 $d\Phi = B ds = B \cdot l dx$

$d\Phi = Bl v dt \Rightarrow \frac{d\Phi}{dt} = E_{ind} = Blv$
 $E_{ind} = R I_{ind} \Rightarrow I_{ind} = \frac{E_{ind}}{R}$
 $E_{ind} = 0,6 Tm v$

$F_M = I_{ind} l B$
 $F_M = \frac{E_{ind}}{R} l B = \frac{Blv}{R} l B = \frac{B^2 l^2 v}{R}$
 $F_M = 5N(-\hat{i}) = -F_{ext}$

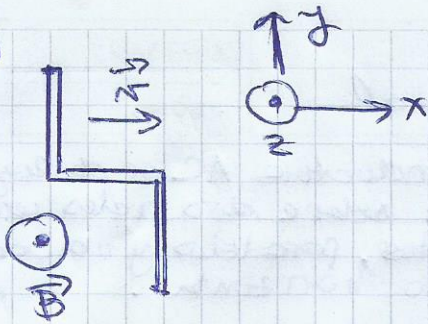


$dF_M = I_{ind} dl B(-\hat{i}) \Rightarrow F_M = -F_{ext} \hat{i}$

$F_{ext} = I_{ind} B l(-\hat{i}) = \frac{0,6 Tm v}{0,9\Omega} \cdot 1,2T \cdot 0,5m \cdot (-\hat{i})$

$5N \hat{i} = \frac{2}{9} \frac{m^2 T}{\Omega} v \Rightarrow v = 12,5 \frac{m}{seg}$

6)



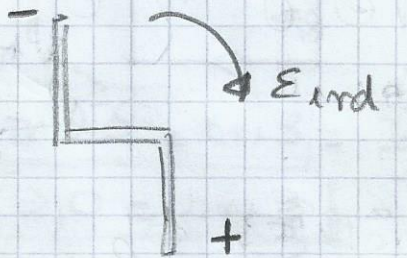
Cada uno de los tres segmentos coplanares de la varilla metálica o cada uno de ellos tienen longitud L .

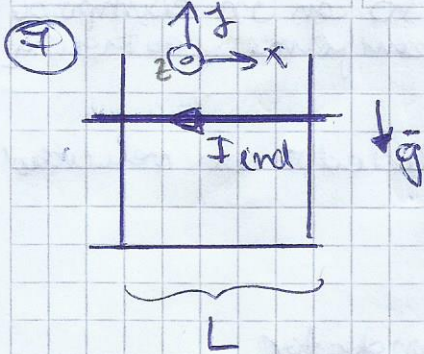
La varilla se mueve sobre la superficie horizontal de una mesa con velocidad \vec{v} , en un campo magnético uniforme y estacionario perpendicular a la mesa.

a) Halle la expresión de la fem inducida en la varilla

$d\Phi = \vec{B} \cdot d\vec{s}$
 $\hat{n} = \odot \Rightarrow d\Phi = B ds =$
 $= B \cdot l \cdot dx =$
 $= B 2L v dt$
 $v = \frac{dx}{dt} \Rightarrow dx = v dt$
 $d\Phi = B 2L v dt$
 $\Rightarrow \frac{d\Phi}{dt} = B 2L v \Rightarrow \boxed{\mathcal{E}_{ind} = 2BLv}$

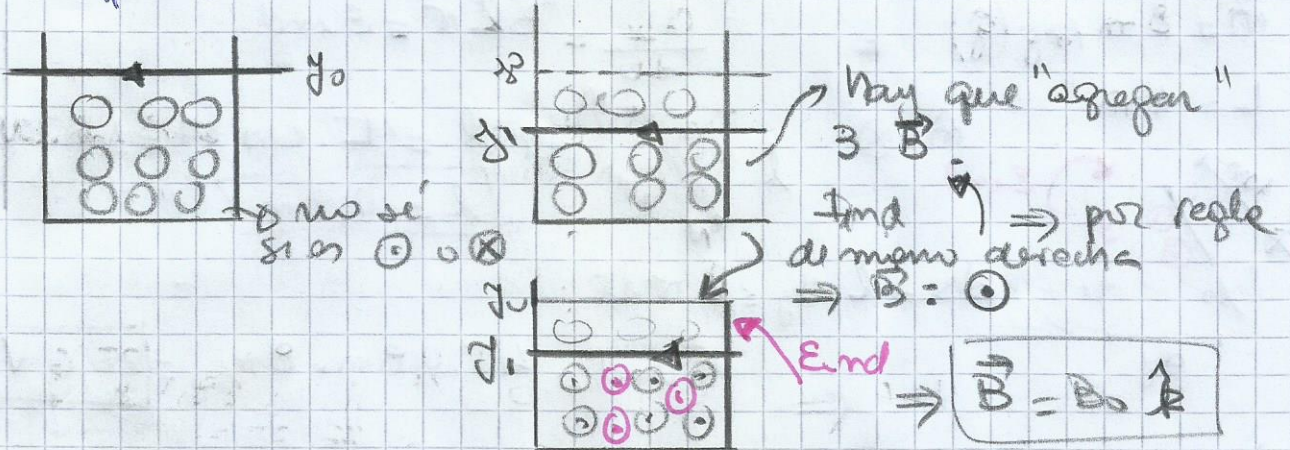
b) Indique, en el gráfico el signo de las cargas eléctricas inducidas en los extremos de la varilla



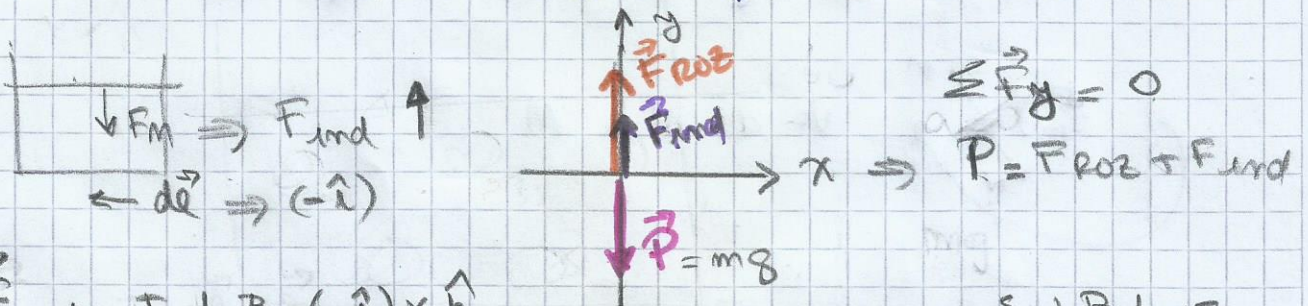


La barra horizontal superior del cuadro de la figura cae con velocidad constante.
 La barra desliza con rozamiento, tiene masa M y longitud L , resistencia R y el cuadro completo está inmerso en un campo magnético uniforme de intensidad B

a) Justifi que cuál es la dirección y cuál es el sentido del campo \vec{B}



b) Halle la expresión de la fuerza de rozamiento en términos de los otros parámetros del problema



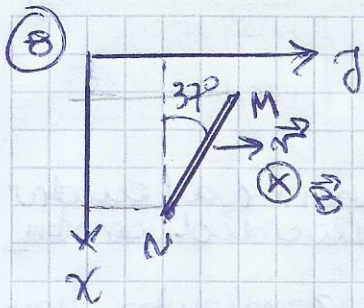
$\vec{F}_{ind} = I \cdot L \cdot B \cdot (-\hat{i}) \times \hat{k}$

$\vec{F}_{ind} = I L B \hat{j} \Rightarrow F_{ind} = I_{ind} L B = \frac{\mathcal{E}_{ind}}{R} L B$

$F_{ind} = \frac{B L \mathcal{N} L B}{R} = \frac{B^2 L^2 \mathcal{N}}{R} = F_{ind}$

$P = F_{roz} + F_{ind} \Rightarrow F_{roz} = P - F_{ind} = Mg - \frac{B^2 L^2 \mathcal{N}}{R}$

$F_{roz} = Mg - \frac{B^2 L^2 \mathcal{N}}{R}$



Considere un conductor MN recto de longitud $L = 1\text{m}$, ubicado en el plano horizontal XY, que está en movimiento en un campo de inducción magnética uniforme y estacionario $\vec{B} = 4\text{T}(-\hat{z})$

Dicho conductor es trasladado con velocidad constante $\vec{v} = 8\text{m/seg}(\hat{e}_x)$

Determine:

a) el valor de la fem inducida en el conductor

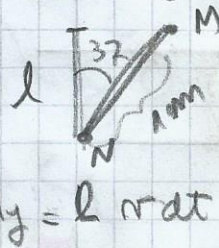
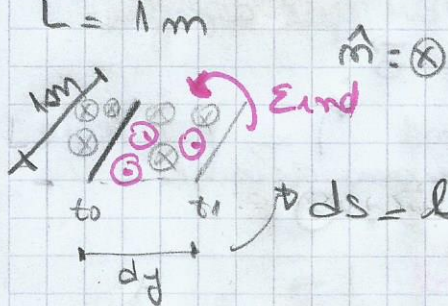
$$\vec{B} = 4\text{T}(-\hat{k})$$

$$\vec{v} = 8\text{m/seg}(\hat{i})$$

$$L = 1\text{m}$$

$$d\Phi = \vec{B} \cdot d\vec{S} = B ds = B L dy = B L v dt$$

$$\frac{d\Phi}{dt} = B L v = \mathcal{E}_{\text{ind}}$$



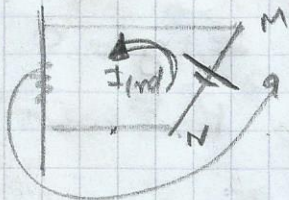
$$l = L \cdot \cos 37 = 1\text{m} \cdot 0,8$$

$$l = 0,8\text{m}$$

$$ds = l \cdot dy = l v dt$$

$$\mathcal{E}_{\text{ind}} = 4\text{T} \cdot 0,8\text{m} \cdot 8\text{m/seg} = \boxed{25,6\text{V} = \mathcal{E}_{\text{ind}}}$$

b) El sentido en que circula la corriente inducida (de M a N o de N a M) suponiendo que el conductor forma parte de un circuito cerrado fijo al sistema de referencia.



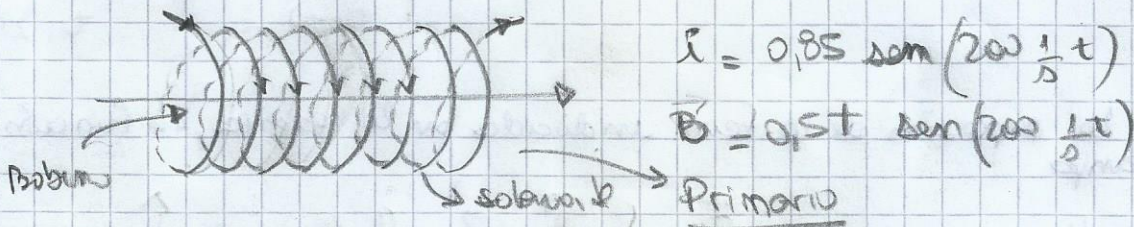
va de N a M

a) Un solenoide ideal es recorrido por una corriente eléctrica de intensidad $i(t) = 0,85 \text{ A} \sin(200 \frac{1}{\text{s}} t)$ que provoca, en su región central, un campo de inducción magnética espacialmente uniforme cuyo módulo varía en el tiempo según la función $B = 0,5 T \sin(200 \frac{1}{\text{s}} t)$

Dentro de esa región de campo uniforme se coloca una pequeña bobina de alambre de 20 espiras iguales entre sí, cada una de los cuales delimita una superficie de 4 cm^2 de área,

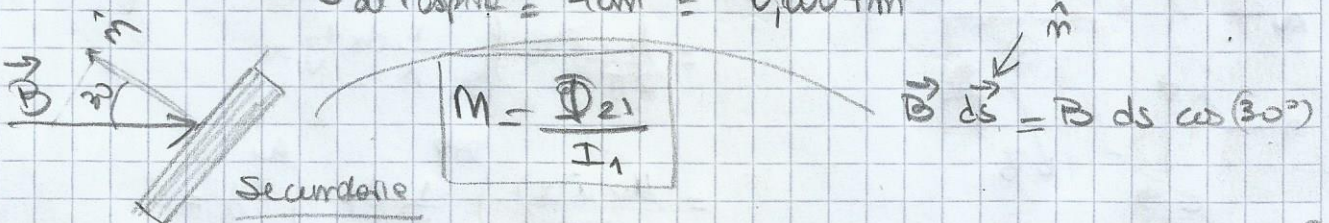
Los líneas de inducción forman un ángulo de 30° con respecto a la recta normal a los planos que contienen a las espiras de la bobina de alambre.

Hallo la inductancia mutua M entre el solenoide y la bobina de alambre



Bobina: $N = 20$ espiras

S de 1 espira = $4 \text{ cm}^2 = 0,0004 \text{ m}^2$



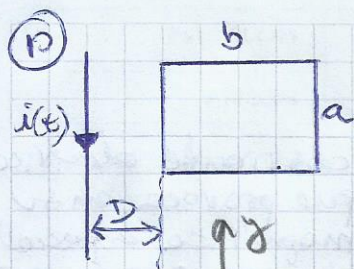
$$\Phi_{21} = N \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = N \iint_S B \, ds \cos(30^\circ) = NB \cos 30^\circ \iint_S ds$$

área de $S = 0,0004 \text{ m}^2$

$$\Phi_{21} = 20 \times 0,5 T \sin(200 \frac{1}{\text{s}} t) \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 0,0004 \text{ m}^2 =$$

$$3,464 \times 10^{-3} \sin(200 \frac{1}{\text{s}} t) \text{ T m}^2 = \Phi_{21}$$

$$M = \frac{3,464 \times 10^{-3} \sin(200 \frac{1}{\text{s}} t) \text{ T m}^2}{0,85 \sin(200 \frac{1}{\text{s}} t)} = 4,075 \times 10^{-3} \text{ mW} = M$$



Por el alambre vertical de la figura circula una corriente eléctrica de intensidad $i(t) = i_0 + ct$

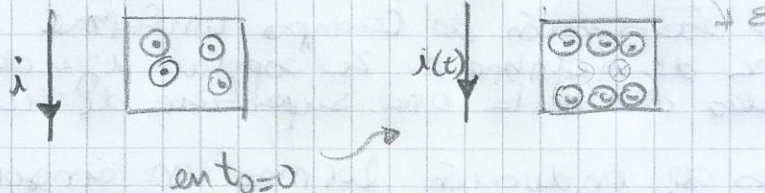
$i_0 > 0$

La espira es rectangular, se halla a distancia D del alambre y es coplanaria con el mismo.

a) Para $c > 0$, indique el sentido en que circula la corriente inducida ~~por~~ en la espira

$i(t) = i_0 + ct$

$c > 0 \Rightarrow i$ crece con el tiempo



a') Para $c < 0 \rightarrow$ sentido ∇ ind.

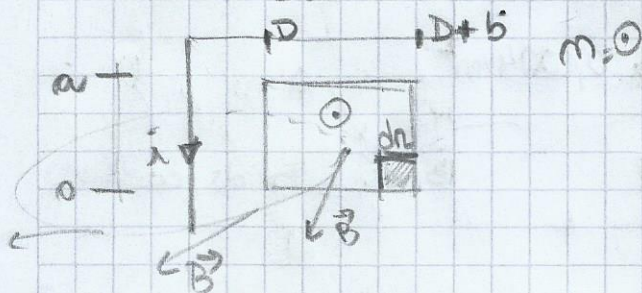
$c < 0 \Rightarrow i(t)$ decrece con el tiempo



b) Halle la expresión de la fem inducida en la espira, en función del tiempo

$\vec{B} = \frac{\mu_0 i(t)}{2\pi r}$

$\Phi = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \iint_S \frac{\mu_0 i(t)}{2\pi x} dx dy =$



$= \frac{\mu_0 i(t)}{2\pi} \iint_S \frac{1}{x} dx dy =$

$= \frac{\mu_0 i(t)}{2\pi} \int_D^{D+b} \frac{1}{x} dx \int_0^a dy =$

$= \frac{2}{3\pi} \cdot 10^{-7} \frac{N}{A^2} (i_0 + ct) \cdot \ln(x) \Big|_D^{D+b} \cdot a$

$\Phi(t) = 2 \cdot 10^{-7} a (i_0 + ct) \ln\left(\frac{D+b}{D}\right) \frac{N}{A}$

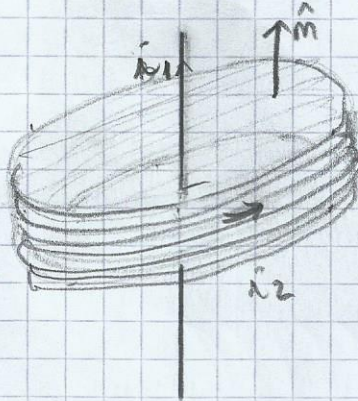
$\mathcal{E}_{ind} = \frac{d\Phi}{dt}$

$\mathcal{E}_{ind} = 2 \cdot 10^{-7} a c \cdot \ln\left(\frac{D+b}{D}\right) \frac{N}{A}$

- 11) Por un alambre recto e infinito, que se halle en el eje de revolución de una bobina plana de 10 espiras circulares de 0,5 m de radio, circule una corriente de intensidad $i_1(t) = 10 \sin(100\pi \frac{1}{5} t)$ mA.

El coeficiente de autoinducción de la bobina es $L = 3 \text{ mH}$, y por ella circula una corriente eléctrica de intensidad $i_2(t) = 50 \sin(120\pi \frac{1}{5} t)$ mA.

Halle el valor de la fem inducida en la bobina, en función del tiempo.



$$L = 3 \text{ mH}$$

Como i_1 es \perp al plano de las espiras, solo se toma en cuenta la bobina.

$$E_{\text{ind } B} = -L \frac{d i_2}{dt} =$$

$$= -3 \cdot 10^{-3} \cdot 50 \cos(120\pi \frac{1}{5} t) \cdot 120\pi \frac{1}{5} \text{ mA}$$

$$E_{\text{ind } B} = -18\pi \cos(120\pi \frac{1}{5} t) \text{ mV}$$

12



Un toroide ideal delgado (el radio medio del toroide es mucho mayor que el radio de las espiras) consta de N espiras iguales, cada una de las cuales delimita una superficie plana de área A y que tiene un radio medio R_m .

Halle la expresión de la inductancia L del toroide.

$$B = \frac{\mu_0 N I}{2\pi R_m}$$

$$\Phi = N \iint_S B ds = N \iint_S \frac{\mu_0 N I}{2\pi R_m} ds =$$

$$= \frac{N^2 I \mu_0}{2\pi R_m} \iint_S ds \Rightarrow \Phi = \frac{N^2 I \mu_0 S}{2\pi R_m}$$

$$L = \frac{\Phi}{I} = \frac{N^2 I \mu_0 S}{2\pi R_m} \frac{1}{I} \Rightarrow L = \frac{N^2 \mu_0 A}{2\pi R_m}$$